

Classe: TS2ET	Date: 22/12/2017	Type <u>Devoir surveillé</u>
<u>Devoir n°6</u>		
Thème: Probabilités générales		

Exercice 1

Une entreprise de matériel pour l'industrie produit des modules constitués de 2 types de pièces : P_1 et P_2 .

On note A l'événement : « une pièce P_1 choisie au hasard dans la production des pièces P_1 est défectueuse ». On note de même B l'événement : « une pièce P_2 choisie au hasard dans la production des pièces P_2 est défectueuse ».

On admet que les probabilités des événements A et B sont : $P(A)=0,03$ et $P(B)=0,07$ et on suppose que ces deux événements sont indépendants.

Un module étant choisi au hasard dans la production, calculer à 10^{-4} près la probabilités des événements suivants

- E_1 : «Les 2 pièces du module sont défectueuses »
- E_2 : «Au moins une des 2 pièces du module est défectueuse »
- E_3 : «Aucune des 2 pièces constituant le module n'est défectueuse ».

Exercice 2

Une entreprise fabrique des rivets. Pour ces rivets, deux défauts de fabrication seulement sont possibles : un défaut de diamètre et un défaut de longueur.

Une étude statistique permet d'admettre que, pour un rivet choisi au hasard dans la production d'une journée, la probabilité de l'événement A : "le rivet possède un défaut de diamètre" est $P(A) = 0,02$ et la probabilité de l'événement B : "le rivet possède un défaut de longueur" est $P(B) = 0,03$.

On admet que les événements A et B sont indépendants.

Calculer, à 10^{-4} près, la probabilité de chacun des événements suivants :

- E1 : "le rivet possède les deux défauts".
- E2 : "le rivet possède au moins un défaut".
- E3 : "le rivet possède un et un seul des deux défauts".

Exercice 1 : A = "une pièce P_1 choisie au hasard dans la production des pièces P_1 est défectueuse"
 $B = \frac{\text{ "une pièce } P_2 \text{ choisie au hasard dans la production des pièces } P_2 \text{ est défectueuse"}}$

On a : $P(A) = 0,03$ et $P(B) = 0,07$. Les événements A et B sont indépendants.

- Nous avons : $E_1 = A \cap B$

$$\begin{aligned}
 \text{Donc } P(E_1) &= P(A \cap B) \\
 &= P(A) \cdot P(B) \quad \text{car A et B sont indépendants} \\
 &= 0,03 \times 0,07 \\
 &= 0,0021
 \end{aligned}$$

$$P(E_1) = 0,0021$$

- On a : $E_2 = A \cup B$

$$\begin{aligned}
 \text{Donc } P(E_2) &= P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \\
 &= 0,03 + 0,07 - 0,0021 \\
 &= 0,0979
 \end{aligned}$$

$$P(E_2) = 0,0979$$

- $E_3 = \bar{A} \cap \bar{B} = \overline{A \cup B}$

$$\begin{aligned}
 \text{Donc } P(E_3) &= P(\overline{A \cup B}) = 1 - P(A \cup B) \\
 &= 1 - 0,0979 \\
 &= 0,9021
 \end{aligned}$$

$$P(E_3) = 0,9021$$

Exercice 2 * $E_1 = A \cap B$ donc $P(E_1) = P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$ car A et B sont indép.
 $= 0,02 \times 0,03 = 0,0006$

$$P(E_1) = 0,0006$$

* $E_2 = A \cup B$ donc $P(E_2) = P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$
 $= 0,02 + 0,03 - 0,0006 = 0,0494$

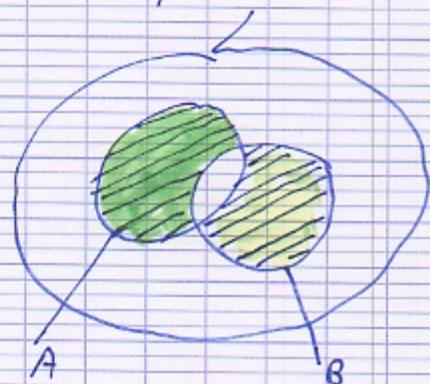
$$P(E_2) = 0,0494$$

$$E_3 = \underbrace{(A \cap \bar{B})}_{\text{Le défaut A et pas le défaut B}} \cup \underbrace{(\bar{A} \cap B)}_{\text{Pas le défaut A et le défaut B}}$$

Le défaut A et pas le défaut B

Pas le défaut A et le défaut B

figure:



$$P(A \cap B) = 0,0006$$

Deux méthodes:

- 1^{ière} méthode: Je regarde la partie hachurée de la figure

$$\begin{aligned} P(E_3) &= \underbrace{P(A) - P(A \cap B)}_{\text{partie verte}} + \underbrace{P(B) - P(A \cap B)}_{\text{partie jaune}} \\ &= 0,02 - 0,0006 + 0,03 - 0,0006 \\ \boxed{P(E_3) = 0,0488} \end{aligned}$$

- 2^{ème} méthode: $E_3 = (A \cap \bar{B}) \cup (\bar{A} \cap B)$ la réunion est disjointe

$$P(E_3) = P(A \cap \bar{B}) + P(\bar{A} \cap B) \quad (\text{car la réunion est disjointe})$$

$$P(E_3) = P(A) \times P(\bar{B}) + P(\bar{A}) \times P(B) \quad (\text{car A et B sont deux événements indépendants})$$

$$P(E_3) = 0,02 \times 0,97 + 0,98 \times 0,03$$

$$\boxed{P(E_3) = 0,0488}$$